spetto alla trasversale

$$Ix \text{ -j~ } my\ 4\text{~ } \#£ = o\ .$$

Quando m = 2 le forinole precedenti non differiscono da quelle trovate pocanzi direttamente.

Quando m = 3 esse danno le coordinate del centro armonico di un sistema di tre punti rispetto ad una trasversale, ossia le coordinate di quel punto nel quale concorrono le tre rette che congiungono ciascun punto col centro armonico degli altri due rispetto alla trasversale medesima.

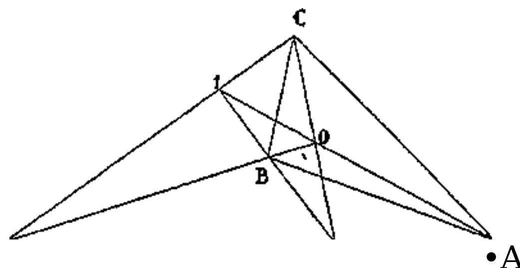
Quando m = 4 esse danno le coordinate del centro armonico di un sistema di quattro punti, ossia le coordinate di quel punto nel quale concorrono le quattro rette che congiungono ciascuno dei punti dati col centro armonico degli altri tre, ovvero le tre rette che congiungono il centro armonico di ciascuna coppia di punti, col centro armonico dell'altra. Ecc. ecc.

Torniamo ora alla quistione propostaci.

IL

Sieno dati in un piano quattro punti, che indicheremo coi numeri o, i, 2, 3: il sistema costituito da questi quattro punti e dalle sei rette che li congiungono a due a due, è ciò che si chiama *quadrangolo completo.*

Volendo investigare le proprietà di questa figura, conviene riferirla ad un sistema di assi coordinati che sia disposto simmetricamente rispetto alla figura stessa. Tale è il sistema delle tre rette che congiungono a due a due i punti d'intersezione delle tre coppie di lati opposti. Indicheremo con A_y 5, C questi tre punti ed assumeremo il triangolo da essi determinato come triangolo fondamentale, rappresentandone i lati *B C, CAj AB* rispettivamente con x = o, y = o, £ = o.



In conseguenza di questa scelta del triangolo fondamentale è facilmente veduto che, indicando con a, b_y e tre quantità i cui rapporti sono determinati dalla forma del